

H13 Mathematische statistiek

- 1.
- a. $P(2,4) + P(3,3) + P(4,2) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2} = \frac{5}{16}$
- b. $P(10) = 3 \cdot P(2,4,4) + 3 \cdot P(3,3,4) = 3 \cdot \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} + 3 \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$
- c. $P(\text{minstens 3 keer een 2}) = 1 - P(\text{maximaal 2keer een 2})$
 $= 1 - \text{binomcdf}(12, \frac{1}{2}, 2) \approx 0,981$
- d. $P(2 \text{ en een } 4) = P(2,4) + P(4,2) = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{6} + \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{6} = \frac{5}{24}$
- e. $P(1) = \frac{1}{6}$ Stel X is het aantal keer een 1.
 $P(\text{minstens 3 keer een 1}) = 1 - P(\text{max. 2 keer een 1}) = 1 - \text{binomcdf}(X, \frac{1}{6}, 2) > 0,85$
 Voer in : $y_1 = 1 - \text{binomcdf}(X, \frac{1}{6}, 2)$ In de tabel zien we :
 bij $X = 26$ is die kans 0,83 ... en bij $X = 27$ is die kans 0,85.. \Rightarrow
 Je moet dus minstens 27 keer draaien.
- f. $P(3 \text{ keer een 2 en 2 keer een 3}) = \left(\frac{1}{2}\right)^3 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 \cdot \frac{1}{4} \cdot \binom{6}{3} \cdot \binom{3}{2} \approx 0,117$
 Anders: $P(3 \text{ keer een 2 en 2 keer een 3}) = \left(\frac{1}{2}\right)^3 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{6!}{3! \cdot 2!} \approx 0,117$
- g. $P(**, \text{geen } 4,444) = 1 \cdot 1 \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \approx 0,025$
2. Vaas met 7 rode , 5 witte en 3 zwarte knikkers.
- a. $P(3 \text{ rode}) = \frac{\binom{7}{3} \binom{8}{2}}{\binom{15}{5}} \approx 0,326$
- b. Met terugleggen. $P(4 \text{ rode}) = \left(\frac{7}{15}\right)^4 \cdot \left(\frac{8}{15}\right)^4 \cdot \binom{8}{4} \approx 0,269$
- c. $P(3 \text{ rode en 2 wi en 1 zw}) = \frac{\binom{7}{3} \cdot \binom{5}{2} \cdot \binom{3}{1}}{\binom{15}{6}} \approx 0,210$

d. Met terugleggen. $P(3 \text{ rode en } 2 \text{ wi en } 1 \text{ zw}) = \left(\frac{7}{15}\right)^3 \cdot \left(\frac{5}{15}\right)^2 \cdot \frac{3}{15} \cdot \frac{6!}{3! \cdot 2!} \approx 0,136$

e.

$$P(5 \text{ keer pakken}) = P(\text{nnnn,r}) = \frac{\binom{8}{4}}{\binom{15}{4}} \cdot \frac{7}{11} \approx 0,033$$

f. $P(3 \text{ rode}) = \frac{\binom{7}{2} \cdot \binom{8}{4}}{\binom{15}{6}} \cdot \frac{5}{9} \approx 0,163$

3. Vaas met 5 witte, 6 zwarte en 9 blauwe kn.

a. $P(2 \text{ zw}) = \frac{\binom{6}{2} \cdot \binom{14}{0}}{\binom{20}{2}} = \frac{15}{190} = \frac{3}{38}$

$$P(3 \text{ keer } 2 \text{ zw kn}) = \text{binompdf}(10, \frac{3}{38}, 3) \approx 0,033$$

b.

$$P(2 \text{ dezelfde kl}) = P(\text{ww,}) + P(\text{zz}) + P(\text{bb}) = \frac{5}{20} \cdot \frac{4}{19} + \frac{6}{20} \cdot \frac{5}{19} + \frac{9}{20} \cdot \frac{8}{19} = \frac{122}{380} = \frac{61}{190}$$

$$P(\text{meer dan } 4 \text{ keer}) = 1 - P(\text{hoogstens } 4 \text{ keer}) = 1 - \text{binomcdf}(10, \frac{61}{190}, 4) \approx 0,189$$

c.

$$P(\text{hoogstens } 1 \text{ bl kn}) = P(0 \text{ bl}) + P(1 \text{ bl}) = \frac{\binom{11}{2}}{\binom{20}{2}} + \frac{\binom{11}{1} \binom{9}{1}}{\binom{20}{2}} = \frac{154}{190} = \frac{77}{95}$$

$$P(\text{minstens } 5 \text{ keer}) = 1 - P(\text{hoogstens } 4 \text{ keer}) = 1 - \text{binomcdf}(10, \frac{77}{95}, 4) \approx 0,995$$

d.

$$P(2 \text{ wi}) = \frac{\binom{5}{2}}{\binom{20}{2}} = \frac{10}{190} = \frac{1}{19}$$

$$P(4 \text{ keer pakken}) = \left(\frac{18}{19}\right)^3 \cdot \frac{1}{19} \approx 0,045$$

e $P(\text{meer dan 3 keer}) = P(\text{de eerste drie keer geen 2 wi kn}) = \left(\frac{18}{19}\right)^3 \approx 0,850$

4. $P(\text{treffen}) = 0,80$

Stel X is het aantal treffers.

a. $P(X \geq 2) = 1 - P(X \leq 1) = 1 - \text{binomcdf}(10, 0,80, 1) \approx 0,993$

b. $P(\text{rmrmr}) + P(\text{mrrmm}) = 0,80 \cdot 0,20 \cdot 0,80 \cdot 0,20 \cdot 0,80 + 0,20 \cdot 0,80 \cdot 0,20 \cdot 0,80 \cdot 0,20 \approx 0,026$

c. $P(\text{rrmmm}) + P(\text{mrrmm}) + P(\text{mmrrm}) + P(\text{mmmrr}) = 4 \cdot 0,20^3 \cdot 0,80^2 \approx 0,020$

d. $P(\text{2 treffes met 1 bij de eerste 3}) = P(\text{rmm en rm of mr}) * 3 = 6 \cdot 0,80^2 \cdot 0,20^3 \approx 0,031$

e. $P(\text{hoogstens 2 missers}) = \text{binomcdf}(10, 0,15, 2) \approx 0,820$

5.

a. $\frac{\binom{3}{3}}{\binom{7}{3}} \approx 0,029$

b. $\frac{\binom{2}{1} \cdot \binom{5}{1}}{\binom{7}{2}} \approx 0,476$

c.

$$P=1 - P(\text{geen enkele niet Amerikaan in de buitenbaan}) = 1 - \frac{\binom{3}{2}}{\binom{7}{2}} \approx 0,857$$

6. $P(\text{Hans krijgt gelijk}) = \frac{1}{10} \cdot \frac{1}{9} \cdot \frac{1}{8} \approx \frac{1}{720}$

7.

a

$P(\text{baantje}) = 0,6$; $P(\text{geen baantje}) = 0,4$; $P(\text{meer dan 12 uur}) = 0,6 \cdot 0,75 = 0,45$

$P(\text{baantje en minder dan 12 uur}) = 0,6 \cdot 0,25 = 0,15$

$P(\text{3 geen baan en 12 meer dan 12 uur van de in totaal 20}) =$

$$\frac{20!}{3! \cdot 12! \cdot 5!} \cdot 0,40^3 \cdot 0,45^{12} \cdot 0,15^5 \approx 0,002$$

b. $P(\text{minstens 5 keer bellen}) = 1 - P(1 \text{ of } 2 \text{ of } 3 \text{ of } 4 \text{ keer bellen}) =$
 $1 - (0,15 + 0,85 \cdot 0,15 + 0,85^2 \cdot 0,15 + 0,85^3 \cdot 0,15) \approx 0,522$

c. Gegeven: 16 met baantje ; 5 werken meer dan 12 uur en dus 11 werken minder dan 12 uur en 12 leerlingen hebben geen baantje.

$P(4 \text{ leerlingen moet bellen}) = P(3 \text{ leerlingen niet en de } 4^{\text{e}} \text{ wel}) =$

$$\frac{17}{28} \cdot \frac{16}{27} \cdot \frac{15}{26} \cdot \frac{11}{25} \approx 0,091$$

8.

a. $P(4 \text{ keer } 1 \text{ en } 4 \text{ keer } 2 \text{ en } 4 \text{ keer } 3 \text{ en } 4 \text{ keer } 4)$

$$= \left(\frac{1}{4}\right)^4 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^4 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^4 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^4 \cdot \frac{16!}{4! \cdot 4! \cdot 4! \cdot 4!} \approx 0,015$$

b.

$P(6 \text{ keer } 2 \text{ en } 4 \text{ keer } 3 \text{ en dus } 6 \text{ keer geen } 2 \text{ en geen } 3) =$

$$\left(\frac{1}{4}\right)^6 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^4 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^6 \cdot \frac{16!}{6! \cdot 4! \cdot 6!} \approx 0,025$$

c.

$P(\text{bij } 10^{\text{e}} \text{ worp evenveel als bij de } 3^{\text{e}} \text{ worp}) = \frac{1}{4}$

9.

a. $P(\text{som ogen is } 5) = P(1 \text{ en } 4) + P(2 \text{ en } 3) = 2 \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} + 2 \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{4}$

Nu bij 4 keer gooien dan 2 keer 5 ogen. $\Rightarrow P = \left(\frac{1}{4}\right)^2 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^2 \cdot \binom{4}{2} = \frac{54}{256} = \frac{27}{128}$

b.

4		2		
3	2			
2				2
1			2	
	1	2	3	4

$P(\text{verschil is } 2) = \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$ Nu $P(\text{verschil van de ogen is minstens } 1 \text{ keer } 2) =$

$$1 - P(\text{verschik is geen } 2) = 1 - \left(\frac{3}{4}\right)^4 = 1 - \frac{81}{256} = \frac{175}{256}$$

10. I a kn 6 rood en dus a - 6 kn zw ; II 24 kn met a rode en dus 24 - a zw.

a. $P(2 \text{ rode}) = \frac{6}{a} \cdot \frac{a}{24} = \frac{6a}{24a} = \frac{1}{4}$

b. $P(r \text{ en zw}) = P(r, zw) + P(zw, r) =$

$$\frac{6}{a} \cdot \frac{(24-a)}{24} + \frac{a-6}{a} \cdot \frac{a}{24} = \frac{144 - 6a + a^2 - 6a}{24a} = \frac{a^2 - 12a + 144}{24a}$$

c. $P(r \text{ en } zw) = P(r, zw) + P(zw, r) =$
 $\frac{6}{a} \cdot \frac{a-6}{a-1} + \frac{a-6}{a} \cdot \frac{6}{a-1} = \frac{6a-36}{a^2-a} + \frac{6a-36}{a^2-a} = \frac{12a-72}{a^2-a}$

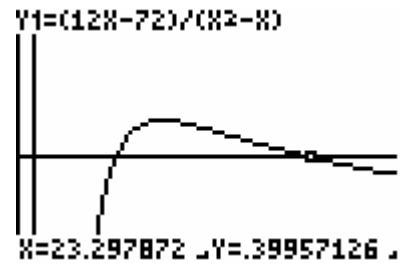
d. Nu moet gelden : $\frac{12a-72}{a^2-a} > 0,4$

Eerst het snijpunt van $y_1 = \frac{12x-72}{x^2-x} \Rightarrow y_2 = 0,4$

intersect geeft snijpunten bij
 $X \approx 7,74$ en bij $X \approx 23,26$

Nu aflezen uit de figuur en $X = a$ moet een gehele waarde zijn. Dit geeft dan :

$\frac{12a-72}{a^2-a} > 0,4$ voor $8, 9, \dots, 22, 23$ knikkers



11.

a. $0,20 \cdot 125 = 25$ Stel X het aantal bedragen dat met een 1 begint. \Rightarrow
 $P(X < 25) = P(X \leq 24) = \text{binomcdf}(125, 0,301,24) \approx 0,004$

b. Stel X is het aantal formulieren dat met een 9 begint.
 $0,10 \cdot 80 = 8 \Rightarrow P(X \geq 8) = 1 - P(X \leq 7) = 1 - \text{binomcdf}(80,0,046, 7) \approx 0,031$

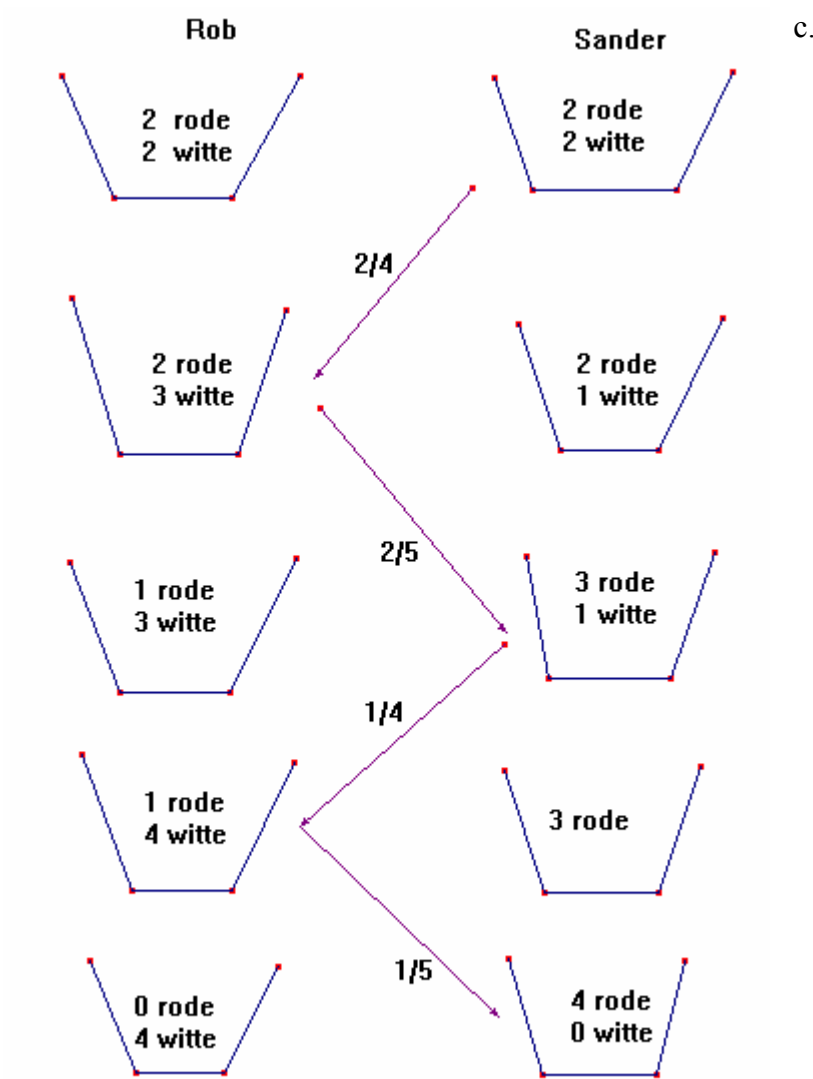
c. Stel X weer het aantal dat met een 1 begint.
 Je zou ongeveer $0,301 \cdot 750 \approx 226$ verwachten.
 Nu geldt : $P(X \leq 189) = \text{binomcdf}(750, 0,301, 189) \approx 0,002$
 Deze kans is erg klein. Dus de uitslag is erg onwaarschijnlijk.

d. $P(\text{in 4 maanden met een 1 en in 3 maanden met een 2 en in de rest niet met 1 en niet met 2}) =$
 $0,301^4 \cdot 0,176^2 \cdot (1 - 0,301 - 0,176)^6 \cdot \binom{12}{4} \cdot \binom{8}{3} \approx 0,049$

12 Vaas met 2 rode en 2 witte kn.

a. De ontbrekende kansen zijn : $\frac{2}{4}$ $\frac{2}{5}$ en $\frac{1}{4}$

b. $P = \frac{2}{4} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{20}$



13. Vaas met 5 rode en drie witte knikkers.

a.
$$P(rrr) = \frac{5}{8} \cdot \frac{4}{7} \cdot \frac{3}{6} = \frac{60}{56 \cdot 6} = \frac{10}{56} = \frac{5}{28} \approx 0,179$$

b.
$$P(\text{Hinke wint met 4 keer pakken}) = P(W_A R_H R_H R_H) = \frac{3}{8} \cdot \frac{5}{7} \cdot \frac{4}{6} \cdot \frac{3}{5} \approx 0,107$$

c.
$$P(\text{Anouk wint met 5 * pakken}) = P(W_A W_H R_A R_A R_A) + P(R_A W_A W_H R_A R_A) + P(R_A R_A W_A W_H R_A) = \frac{3}{8} \cdot \frac{2}{7} \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{4} + \frac{5}{8} \cdot \frac{3}{7} \cdot \frac{2}{6} \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{4} + \frac{5}{8} \cdot \frac{4}{7} \cdot \frac{3}{6} \cdot \frac{2}{5} \cdot \frac{3}{4} \approx 0,161$$

14. 5 rode en 3 witte kn.

a.
$$P(R,R,R) = \frac{5}{8} \cdot \frac{7}{10} \cdot \frac{9}{12} \approx 0,328$$

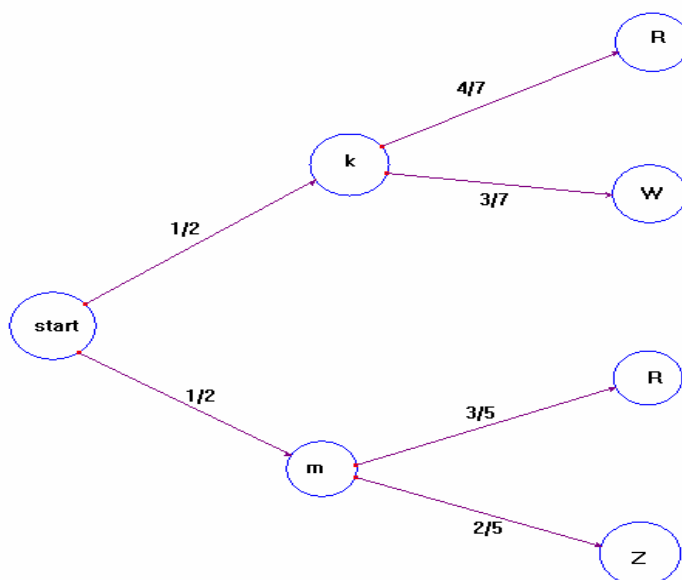
b.
$$P(2 \text{ keer wit}) = P(R,W,W) + P(W,R,W) + P(W,W,R) = \frac{5}{8} \cdot \frac{3}{10} \cdot \frac{5}{12} + \frac{3}{8} \cdot \frac{5}{10} \cdot \frac{5}{12} + \frac{3}{8} \cdot \frac{5}{10} \cdot \frac{5}{12} \approx 0,234$$

15. $P(\text{Eline wint}) = 0,6$ en $P(\text{Bas wint}) = 0,4$

- a. $P(\text{Eline wint in 5 ronden}) = (0,6)^5 \approx 0,078$
- b. $P(\text{Bas wint in 7 ronden}) = P(\text{Bas wint in de eerste 6 ronden 4 keer en de 7^e ronde}) =$
 $(0,4)^4 \cdot (0,6)^2 \cdot \binom{6}{4} \cdot 0,4 \approx 0,055$
- c. Dan moet Eline nog 3 keer achter elkaar winnen. Die kans is : $(0,6)^3 \approx 0,216$
- d. Dan kunnen we krijgen :
 Eline wint nog 4 keer achter elkaar \Rightarrow EEE
 of BEEE of EBEE of EEBE Dit geeft :
 $P = (0,6)^3 + 3 \cdot (0,6)^3 \cdot 0,4 \approx 0,475$

16. Vaas I : 4 rode en 3 witte knikkers ; Vaas II 3 rode en 2 zwarte knikkers

a.



- b. $P(zw) = P(m,zw) = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{5} = \frac{1}{5}$
- c. $P(\text{rode}) = P(k, R) + P(m,R) = \frac{1}{2} \cdot \frac{4}{7} + \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{5} \approx 0,586$
- d. $P(w,w) = P(k,W) \cdot P(k,W) = \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{7} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{6} \approx 0,036$
- e. $P(R,R) = P(k,R,k,R) + P(k,R,m,R) + P(m,R,k,R) + P(m,R,m,R) =$
 $\frac{1}{2} \cdot \frac{4}{7} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{6} + \frac{1}{2} \cdot \frac{4}{7} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{5} + \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{4}{7} + \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{2}{4} \approx 0,318$

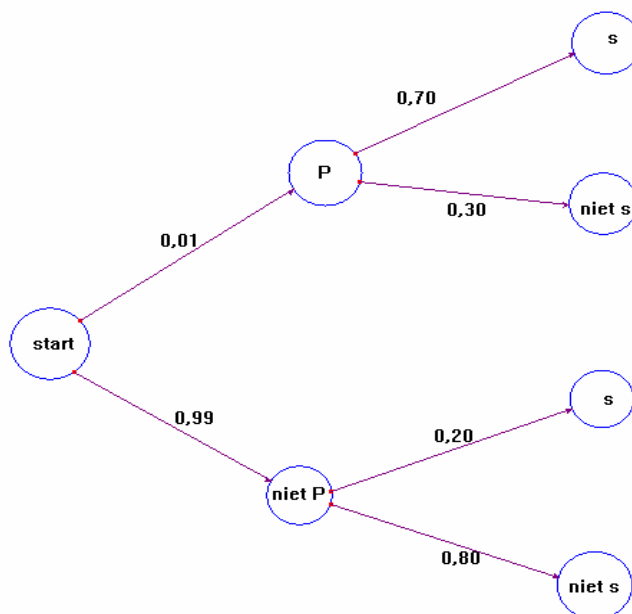
17. Vaas I : 4 rode en 3 witte kn.; Vaas II 3 rode en 2 zwarte kn.

- a. $P(\text{Rood}) = P(\geq 5 \text{ en } R_I) + P(\leq 4 \text{ en } R_{II}) = \frac{2}{6} \cdot \frac{4}{7} + \frac{4}{6} \cdot \frac{3}{5} \approx 0,590$
- b. 3 keer hetzelfde als bij a $\Rightarrow P(R,R,R) = 0,590^3 \approx 0,205$

c. $P(Z,Z) = P(\leq 4,Z,\leq 4,Z) = \left(\frac{2}{3} \cdot \frac{2}{5}\right)^2 \approx 0,071$

18

a.



b. $P(\text{spierklachten}) = P(P,sp) + P(\text{niet } P,sp) = 0,01 \cdot 0,70 + 0,99 \cdot 0,20 = 0,205$

c. De kans is $0,01 \cdot 0,70 = 0,007 \Rightarrow$ Van de 10.000 mensen is de verwachting dan :
 $0,007 \cdot 10.000 = 70$ mensen

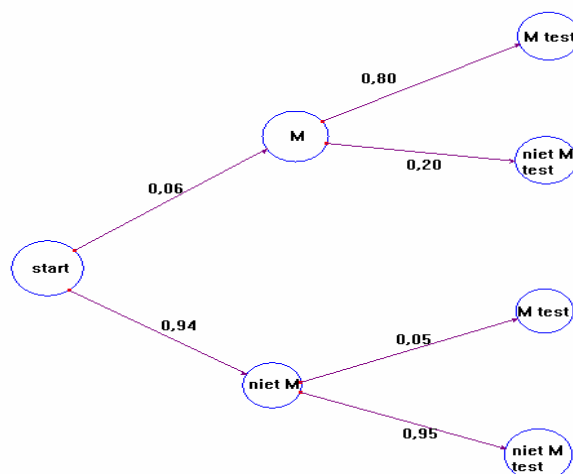
d. $P(\text{Spierklachten})$ is 0,205 zie onderdeel b. \Rightarrow We verwachten daarom
 $0,205 \cdot 10.000 = 2050$ mensen

e. Zie de groep van 10.00 $P(\text{Parkinson} \mid \text{groep van } 10000) = \frac{70}{2050} \approx 0,034$

f. Dit komt omdat bij mensen met spierklachten slecht een klein percentage daadwerkelijk Parkinson heeft.

19.

a.



$$P(M, \text{neg. test}) + P(\text{niet } M, \text{neg. test}) = 0,06 \cdot 0,20 + 0,94 \cdot 0,95 = 0,905$$

b. $P(\text{pos}) = 1 - 0,905 = 0,095$

$$P(\text{Marc is echt besmet} \mid \text{positief}) = \frac{0,06 \cdot 0,80}{0,095} \approx 0,505$$

c. $P(\text{Sabine niet besmet} \mid \text{negatief}) = \frac{0,94 \cdot 0,95}{0,905} \approx 0,987$

20.

a. $P(\text{kopieren}) = \frac{8}{60} \approx 0,133$

b. $P(\text{9minsten 1 keer}) = 1 - \left(\frac{8}{60}\right)^{10} \approx 0,761$

21. We zijn ervan uitgegaan dat voor iedere persoon hetzelfde kopieerpercentage geldt.

22. 3 baliemedewerkers; 4 min per klant; 120 klanten tussen 9 en 12 uur.
Stel X is het aantal klanten dat geholpen moet worden.

Per klant is de kans dan : $\frac{4}{180}$

Het is een binomiale verdeling met $n = 120$.

$$P(\text{te weinig baliemedewerkers}) = P(X > 3) = 1 - P(X \leq 3) =$$

$$1 - \text{binomcdf}(120, \frac{4}{180}, 3) \approx 0,278$$

23. 48 drukfouten. ; 280 bladzijden.

Stel X is het aantal drukfouten per bladzijde.

$n = 48$ en $p = \frac{1}{280}$ en binomiaal.

a. $P(\text{minstens 2 drukfouten}) = 1 - P(\text{hoogstens 1 drukfout}) = 1 - \text{binomcdf}(48, \frac{1}{280}, 1) \approx 0,013$

b. $P(2 \text{ drukfouten}) = \text{binompdf}(48, \frac{1}{280}, 2) \approx 0,012 \Rightarrow$

We verwachten daarom $0,012 \cdot 280 \approx 3,4 \Rightarrow$ Bij ongeveer 3 bladzijden.

24. $P(\text{minstens 2 jarig op dezelfde dag})$

Stel X is het aantal docenten die op die dag jarig zijn.

$$P(\text{jarig}) = \frac{1}{365} \text{ en } n = 120.$$

$$P(X \geq 2) = 1 - P(X \leq 1) = 1 - \text{binomcdf}(120, \frac{1}{365}, 1) \approx 0,043$$

25.

a. Opp. = $\text{normalcdf}(100, 10^{99}, 80, 12) \approx 0,048$

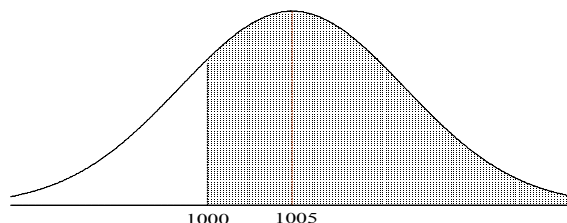
b. $a = \text{invnorm}(0.35, 80, 12) \approx 75,38$

c. $b = \text{invnorm}(0.92, 80, 12) \approx 96,86$

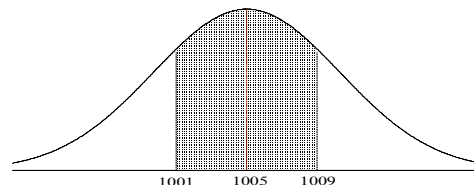
d. Voer in : $y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 2.1, 1.8, X)$ en $y_2 = 2,1$
De solver geeft $\sigma = X \approx 0,57$

26.

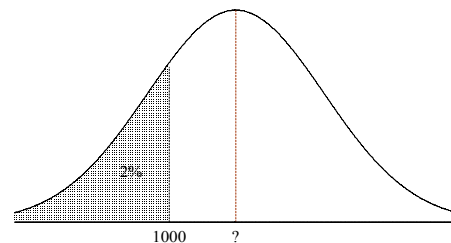
a. Opp = $\text{normalcdf}(1000, 10^{99}, 1005, 6) \approx 0,798$
 $\Rightarrow 79,8\%$ bevat meer dan 1000 gram



b. $\text{normalcdf}(1001, 1009, 1005, 6) \approx 0,495 \Rightarrow$
Het gevraagde witte gebied is dus 50,5% en dat is het gevraagde percentage.

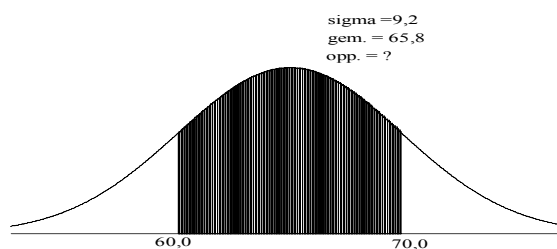


c. Uit het gegeven volgt :
 $\text{normalcdf}(-10^{99}, 100, X, 8) = 0,02$
 \Rightarrow Voer in : $y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 100, X, 8)$
en $y_2 = 0,02$
Met de solver vinden we $X \approx 1016,4$ gram en dat is dan het gemiddelde.

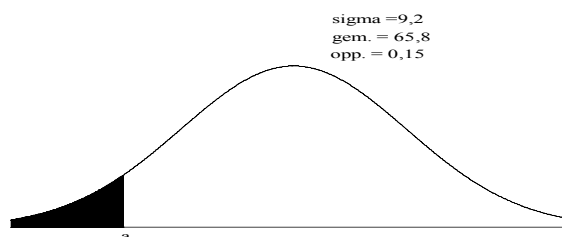


27.

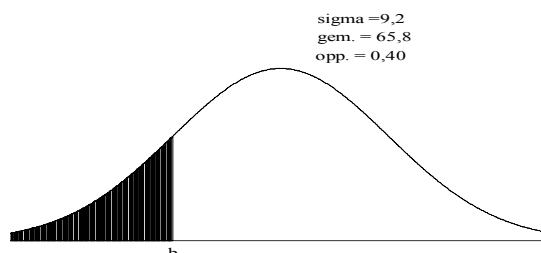
a. $P(60,0 \leq X \leq 70,0) =$
 $\text{normalcdf}(60, 70, 65.8, 9.2) \approx 0,412$
 $\Rightarrow 41,2\%$



- b. $a = \text{invnorm}(0.15, 65.8, 9.2) \approx 56,3$
 \Rightarrow tot een score van 56,3.



- c. $b = \text{invnorm}(0.40, 65.8, 9.2) \approx 63,47 \Rightarrow$
 Herkansen bij scores van 56,3 tot 63,5



28. $P_{20} = 28$ kg en $P_{80} = 40$ kg $\sigma \approx 7,1$ kg

- a. Uit de gegevens volgt direct dat het gemiddelde is $0,5(28 + 40) = 34$ kg

Nu geldt b.v. $\text{normalcdf}(-10^{99}, 28, 34, \sigma) = 0,20 \Rightarrow$

Voer in : $y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 28, 34, X)$ en $y_2 = 0,20$

Met de solver vinden we $X = \sigma \approx 7,13$ kg

- b. $\text{normalcdf}(42,8, 10^{99}, 34, 7.13) \approx 0,1086 \Rightarrow$ Het gevraagde percentage is dus 10,9 %.

- c. Nu moet gelden : $\text{normalcdf}(-10^{99}, X, 34, 7.13) = 0,05 \Rightarrow$

Voer in : $y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, X, 34, 7.13)$ en $y_2 = 0,05$

Met de solver vinden we $X \approx 22,3 \Rightarrow$ Je wordt opgeroepen tot een gewicht van 22,3 kg.

- d. $P_{95} = \text{normalcdf}(-10^{99}, X, 34, 7.13) \Rightarrow$

Voer in : $y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, X, 34, 7.13)$ en $y_2 = 0,95$

Met de solver vinden we $X \approx 45,7 \Rightarrow$ Het gewicht is dan 45,7 kg.

29.

- a. $P(\text{kind zwaarder dan } 42) = \text{normalcdf}(42, 10^{99}, 34, 7.13) \approx 0,131$

- b. $P(\text{minstens 1 kind zwaarder dan } 42 \text{ kg}) = 1 - P(\text{geen kind is zwaarder dan } 42) =$
 $1 - 0,869^{10} \approx 0,754$

- c. Eerst $P(\text{kind lichter dan } 32) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 32, 34, 7.13) \approx 0,3895\dots$

$P(\text{minstens 6 zwaarder dan } 32) = 1 - P(\text{hoogstens 5 zwaarder dan } 42) =$

$1 - \text{binomcdf}(10, 0.3895\dots, 5) \approx 0,149$

30. $\mu = 2$ min 40. en $\sigma = 15$ sec.

- a. Eerst de kans dat de handeling langer dan 3 minuten duurt.
Deze kans = $\text{normalcdf}(180, 10^{99}, 160, 15) \approx 0,0912\dots$
Nu de binomiale verdeling met $n = 80$ en $p = 0,0912\dots$ en stel X is het aantal handelingen.
 $\Rightarrow P(X \geq 10) = 1 - P(X \leq 9) = 1 - \text{binomcdf}(80, 0,0912\dots, 9) \approx 1 - 0,808 = 0,192$
- b. De gevraagde kans is : $\text{normalcdf}(-10^{99}, 150, 160, 15) \approx 0,252\dots$
We verwachten dan ook $0,252 \cdot 280 \approx 45$ van deze handelingen die korter duren.
- c. Stel X is het aantal handelingen van meer dan 165 sec.
Eerst de succeskans berekenen $\Rightarrow \text{normalcdf}(165, 10^{99}, 160, 15) \approx 0,369\dots$
Nu moet gelden : $P(X \geq 5 \mid n = ? \text{ en } p \approx 0,369\dots) > 0,99 \Leftrightarrow$
 $1 - \text{binomcdf}(X, 0,369441\dots, 4) > 0,99 \Rightarrow$
Voer in : $y_1 = 1 - \text{binomcdf}(X, 0,369441\dots, 4)$ en $y_2 = 0,99$
In de tabel zien we bij $X = n = 27$ een kans van $0,989\dots$
Bij $X = n = 28$ is de kans $0,992\dots \Rightarrow$ Vanaf $n = 28$ volgt het gevraagde.

31.

- a. Uit de theorie weten we dat $a = 68$ en $b = 95$.
- b. Uit het gegeven volgt dat het gemiddelde is : $0,5(58 + 67) = 62,5$
Uit de vuistregels volgt : $2\sigma = 62,5 - 58 = 4,5 \Rightarrow \sigma \approx 2,25$

32.

Helaas had ik geen mogelijkheid om nwpapier te tekenen.

33.

- a. Deze bewering klopt .
- b. Deze bewering klopt niet omdat σ nooit negatief is.

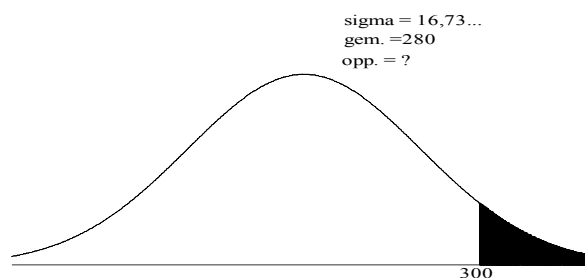
34. Stel de totale tijd is : $T = X + Y$ met $\mu_T = \mu_X + \mu_Y =$
 $170 + 110 = 280$

$$\text{en } \sigma_T = \sqrt{\sigma_x^2 + \sigma_y^2} = \sqrt{12^2 + 8^2} = \sqrt{208} ;$$

5 minuten is 300 sec.

$$P(X > 300) = \text{normalcdf}(300, 10^{99}, 280, \sqrt{280}) \approx 0,083$$

\Rightarrow In 8,3 % van de gevallen.



35.

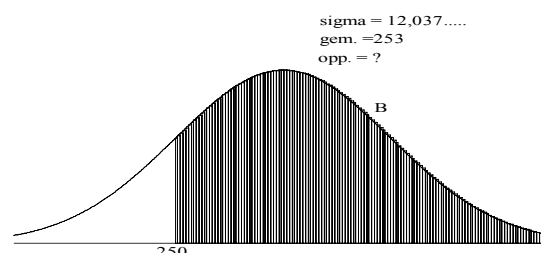
$$B = X + Y \quad \text{en } \mu_B = \mu_X + \mu_Y = 5 + 248 = 253 \text{ en}$$

$$\sigma_B = \sqrt{\sigma_x^2 + \sigma_y^2} = \sqrt{0,3^2 + 12^2} = \sqrt{144,09}$$

$$P(X > 250) = \text{normalcdf}(250, 10^{99}, 253, \sqrt{144,09})$$

$$\approx 0,599 \Rightarrow$$

In 59,9 % van de gevallen is het brutogewicht meer dan 250 gram.



36. $v = 120$ km/uur; $\mu_1 = 45$ meter en $\sigma_1 = 12$ meter. ; $\mu_2 = 130$ meter en $\sigma_2 = 10$ meter.

Stel X is de totale afgelegde weg bij de noodstop. \Rightarrow

$$P(X \geq 200) = \text{normalcdf}(200, 10^{99}, 175, \sqrt{12^2 + 10^2}) \approx 0,055$$

37.

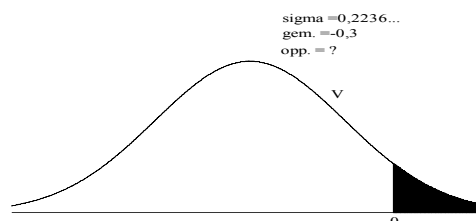
- a. Stel $V = X - Y$ $\mu_V = \mu_X - \mu_Y = 13,2 - 13,5 = -0,3$

en

$$\sigma_V = \sqrt{\sigma_x^2 + \sigma_y^2} = \sqrt{0,1^2 + 0,2^2} = \sqrt{0,05}$$

Te dik $\Rightarrow V = X - Y > 0$

$$P(V > 0) = \text{normalcdf}(0, 10^{99}, -0,3, \sqrt{0,05}) \approx 0,090 \Rightarrow \text{in } 9,0\% \text{ van de gevallen.}$$



- b. $\mu_V = 13,2 - \mu_Y$

Er moet gelden :

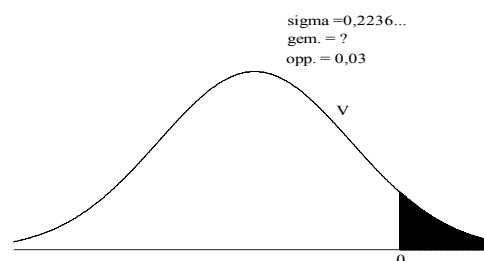
$$\text{normalcdf}(0, 10^{99}, 13,2 - \mu_Y, \sqrt{0,005}) = 0,03$$

$$\Rightarrow \text{Voer in } y_1 = \text{normalcdf}(0, 10^{99}, x, \sqrt{0,005})$$

en $y_2 = 0,03$ en neem window $[-1, 1] X [0, 0,3]$

Met intersect vinden we $x \approx -0,42 \Rightarrow$

$$13,2 - \mu_Y = -0,42 \Leftrightarrow \mu_Y = 13,2 + 0,42 \approx 13,62 \Rightarrow \text{De gemiddelde diameter van de moeren is dan } 13,62 \text{ mm.}$$



38. Gegeven $\mu_A = 2170$ en $\sigma = 200$; $\mu_B = 1920$

- a. Bekijk het verschil $V = A - B$ $P(A \text{ wint van } B) = P(V > 0) = \text{normalcdf}(0, 10^{99}, 250, \sqrt{200^2 + 200^2}) \approx 0,812$ hetgeen gevraagd is. $\Rightarrow 81\%$ klopt dus.

- b. Formule : $R_{nieuw} = R_{oud} + 10(w - v)$

$$\text{Bij A : } R_{nieuw} = 2170 + 10(0,5 - 0,81) \approx 2167$$

$$\text{Bij B : } R_{nieuw} = 1920 + 10(0,81 - 0,5) \approx 1923$$

- c. Bij K elo 2060 en bij M : 1870.

$$\text{Stel weer } V = K - M \text{ Dan } \mu_V = 2060 - 1870 = 190 \text{ en } \sigma_V = \sqrt{200^2 + 200^2} = \sqrt{80000}$$

$$P(K \text{ wint van } M) = P(V > 0) = \text{normalcdf}(0, 10^{99}, 190, \sqrt{80000}) \approx 0,749$$

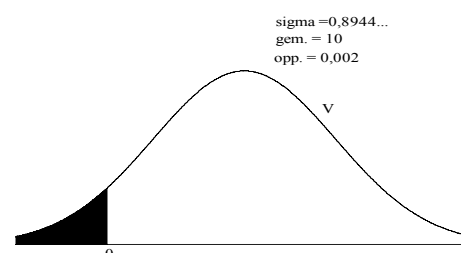
$$\Rightarrow v_K = 0,749 \Rightarrow$$

$$\text{Bij K : } R_{nieuw} = 2060 + 10(1 - 0,749) \approx 2063$$

$$\text{Bij Mol : } v_M = 0,251 \Rightarrow R_{nieuw} = 1870 + 10(0 - 0,251) \approx 1867$$

39.

- a. Limonade gaat verloren als inhoud fles is kleiner dan hoeveelheid limonade \Rightarrow



als $V = X - Y < 0$

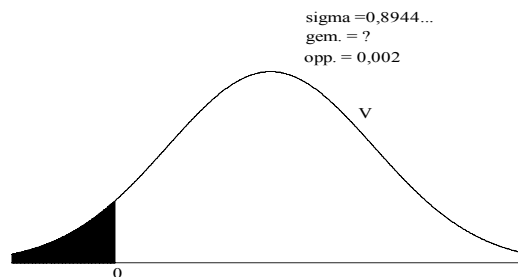
$$\mu_V = \mu_X - \mu_Y = 1015 - 1005 = 10 \text{ en}$$

$$\sigma_V = \sqrt{\sigma_X^2 + \sigma_Y^2} = \sqrt{4^2 + 8^2} = \sqrt{80}$$

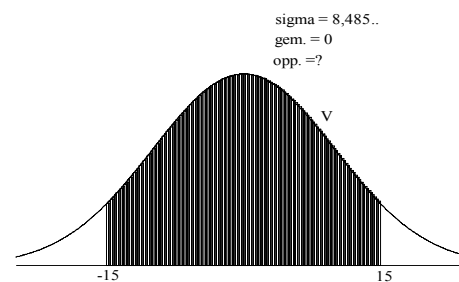
$$P(V < 0) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 0, 10, \sqrt{80}) \approx 0,132$$

\Rightarrow in 13,2 van de gevallen is er te veel limonade.

- b. $V = X - Y$ dus $\mu_V = \mu_X - \mu_Y = 1015 - \mu_Y$
 Er geldt dus: $\text{normalcdf}(-10^{99}, 0, 1015 - \mu_Y, \sqrt{80}) = 0,002$
 Voer in $y_2 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 0, x, \sqrt{80})$ en
 $y_2 = 0,002$ met window $[-5, 30] X [0, 0.1]$
 Intersect geeft $x \approx 25,74 \Rightarrow$
 $1015 - \mu_Y \approx 25,74 \Leftrightarrow \mu_Y \approx 989,3$

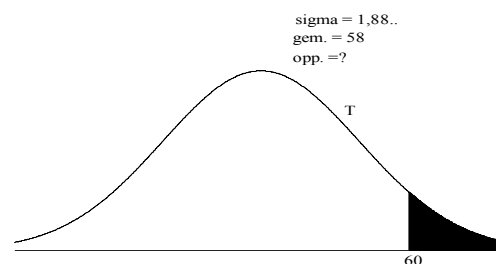


40.
 a. X : lengte man 1 en Y : lengte van man 2. Verschil is meer dan 15 cm als $X - Y < -15$ of $X - Y > 15$
 Stel $V = X - Y$ $\mu_V = \mu_X - \mu_Y = 0$ en
 $\sigma_V = \sqrt{\sigma_X^2 + \sigma_Y^2} = \sqrt{6^2 + 6^2} = \sqrt{72}$
 $P(X < -15) + P(X > 15) =$
 $2 \cdot \text{normalcdf}(-10^{99}, -15, 0, \sqrt{72}) \approx 0,077$
 \Rightarrow De kans is dus 0,077

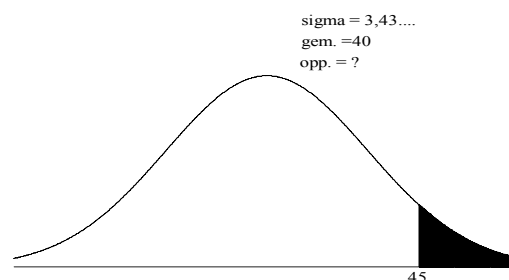


- b. X : aantal tweetallen met een verschil van meer dan 15 cm en X is een binomiale verdeling met $n = 12$ en $p \approx 0,077$
 $P(X \geq 2) = 1 - P(X \leq 1) = 1 - \text{binomcdf}(12, 0,077, 1) \approx 0,235$

41. $T = X_1 + X_2 + X_3 + X_4$ met $\mu_T = 12 + 8 + 20 + 18 = 58$
 en $\sigma_T = \sqrt{0,5^2 + 0,3^2 + 0,8^2 + 1,6^2} = \sqrt{3,54}$
 $P(T > 60) = \text{normalcdf}(60, 10^{99}, 58, \sqrt{3,58}) \approx 0,144$
 \Rightarrow in 14,4 % van de gevallen.



42.
 a. Totale fietsduur T is normaalverdeeld met
 $\mu_T = 18 + 7 + 15 = 40$ en $\sigma_T = \sqrt{2,5^2 + 1,25^2 + 2^2} = \sqrt{11,8125} \approx 3,43...$
 $P(X \geq 45) = \text{normalcdf}(45, 10^{99}, 40, \sqrt{11,8125}) \approx 0,073$



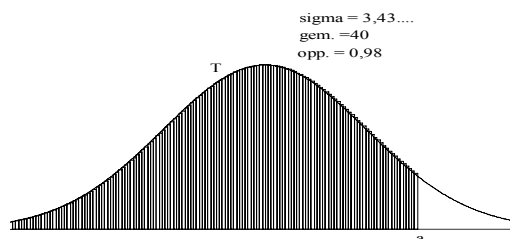
- b. Van 7.25 tot 8.15 is 50 min ; X : aantal keer dat ze te laat komt en X is binomiaal verdeeld met $n = 35$ en $p = \text{normalcdf}(50, 10^{99}, 40, \sqrt{11.8125}) \approx 0,018$
 $P(X \geq 1) = 1 - P(X = 0) = 1 - 0,9982^{35} \approx 0,0611$

- c. We moeten nu de grens a berekenen.

$$P(X \leq a) = 0,98 \Rightarrow$$

$$a = \text{invnorm}(0,98, 40, \sqrt{11.8125}) \approx 47,06 \Rightarrow$$

Ze moet dan minstens 47 min. voor het 8.15 uur is vertrekken. Ze vertrekt dus dan om 7.28 uur.



- d. Stel dat de gemiddelde tijd op traject 1 is $\mu_1 \Rightarrow$

$$\mu_T = \mu_1 + 7 + 15 = \mu_1 + 22 \Rightarrow$$

$$\text{normalcdf}(-10^{99}, 40, \mu_1 + 22, \sqrt{11.8125}) = 0,90$$

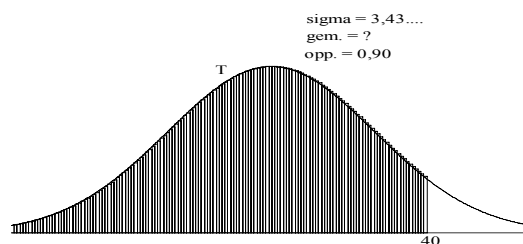
Voer in :

$$y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 40, x+22, \sqrt{11.8125}) \text{ en}$$

$$y_2 = 0,90 \text{ en neem window } [0, 25] X [0, 1]$$

De optie intersect geeft : $x \approx 13,60 \Rightarrow$

De gemiddelde fietstijd is dus ongeveer 13 minuten en 36 seconden.



43. $\mu_{X_{\text{som}}} = 8 \cdot \mu_X$; er geldt niet $\sigma_{X_{\text{som}}} = 8 \cdot \sigma_{\text{som}}$ want bijvoorbeeld bij $X_{\text{som}} = X + X$ dan geldt

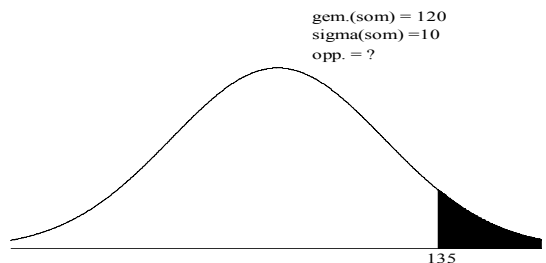
$$\mu_{\text{som}} = \mu_X + \mu_X = 2 \cdot \mu_X \text{ en } \sigma_{X_{\text{som}}} = \sqrt{\sigma_X^2 + \sigma_X^2} \text{ en dit is niet gelijk aan } 2 \cdot \sigma_X$$

- 44.

X_{som} is normaal verdeeld met $\mu_{X_{\text{som}}} = 4 \cdot 30 = 120$

$$\sigma_{X_{\text{som}}} = \sqrt{3} \cdot 8$$

$$P(X_{\text{som}} > 135) = \text{normalcdf}(135, 10^{99}, 120, 8\sqrt{3}) \approx 0,140$$

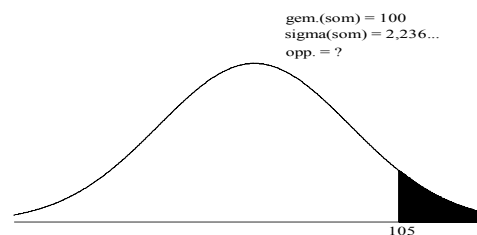


- 45.

- a. X_{som} is normaal verdeeld met $\mu_{X_{\text{som}}} = 20 \cdot 5 = 100$

$$\text{en } \sigma_{X_{\text{som}}} = \sqrt{20} \cdot 0,5 \approx 2,236...$$

$$P(X_{\text{som}} > 105) = \text{normalcdf}(105, 10^{99}, 100, 2.236...) \approx 0,013$$



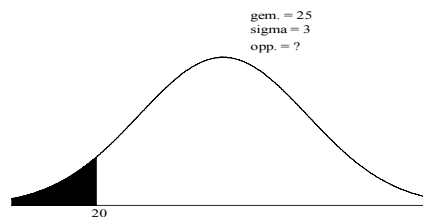
- b. X : aantal tegels dat niet in een krat past.

X is binomiaal verdeeld met $n = 12$ en $p = 0,013$

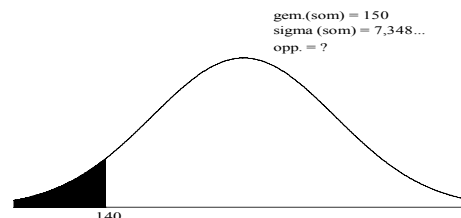
$$P(X \geq 2) = 1 - P(X \leq 1) = 1 - \text{binomcdf}(12, 0.013, 1) \approx 0,010$$

46.

a. $P(X < 20) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 20, 25, 3) \approx 0,048$



b. X_{som} is normaal verdeeld met $\mu_{X_{\text{som}}} = 6 \cdot 25 = 150$ en
 $\sigma_{X_{\text{som}}} = \sqrt{6} \cdot 3 \approx 7,348\dots$
 $P(X_{\text{som}} < 140) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 140, 150, 3 \cdot \sqrt{6}) \approx 0,087$



c. X : aantal pakken met minder dan 140 gram ;
 X is binomiaal met $n = 20$ en $p = 0,087$
 $P(X > 2) = 1 - P(X \leq 2) = 1 - \text{binomcdf}(20, 0,087, 2) \approx 0,250$

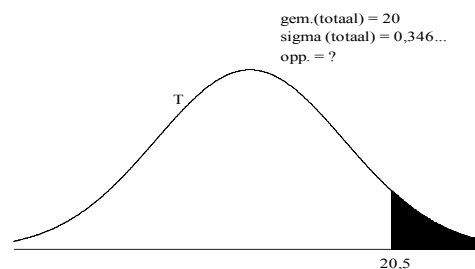
47. T is het totale gewicht van de flessen en het gewicht van de krat.

$\sigma_{\text{fles}} = 50 \text{ gram} = 0,05 \text{ kg}$ en $\sigma_{\text{krat}} = 330 \text{ gram} = 0,3 \text{ kg}$.

T is normaal verdeeld met $\mu_T = 12 \cdot 1,5 + 2 = 20 \text{ kg}$

$\sigma_T = \sqrt{12 \cdot 0,05^2 + 0,3^2} = \sqrt{0,12} \text{ kg}$

$P(T > 20,5) = \text{normalcdf}(20,5, 10^{99}, 20, \sqrt{0,12}) \approx 0,074$



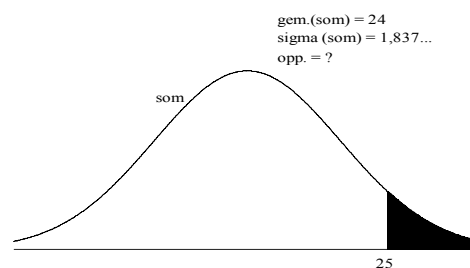
48.

a. X_{som} is normaal verdeeld met $\mu_{X_{\text{som}}} = 6 \cdot 4 = 24 \text{ min.}$ en

$\sigma_{X_{\text{som}}} = \sqrt{6} \cdot 0,75 \approx 1,837\dots \text{ min.}$

$P(X_{\text{som}} > 25) = \text{normalcdf}(25, 10^{99}, 24, 0,75 \cdot \sqrt{6}) \approx$

$0,2931 \Rightarrow$ Naar verwachting wordt in $0,2931 \cdot 50 \approx 15$ keer de tijd overschreden.



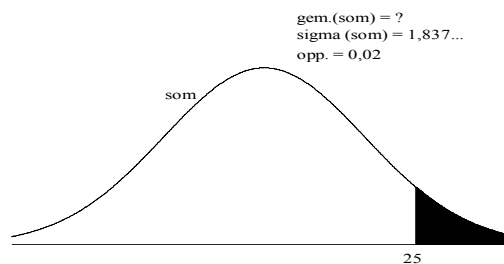
b. Niet meer dan 1 keer van de 50 per jaar \Rightarrow

$$P(X_{\text{som}} > 25) \leq \frac{1}{50}$$

Stel die som is $\mu_{X_{\text{som}}} = 6 \cdot \mu_x$

Nu geldt dus :

$$P(X_{\text{som}} > 25) = \text{normalcdf}(25, 10^{99}, 6 \cdot \mu_x, 0,75 \cdot \sqrt{6})$$



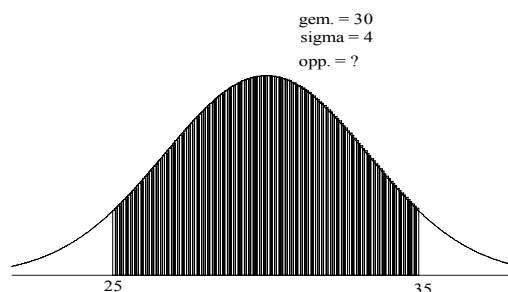
$$= 0,02$$

Voer in : $y_1 = \text{normalcdf}(25, 10^{99}, 6, 0,75 \cdot \sqrt{6})$
 en $y_2 = 0,02$ en neem het window $[0, 10] X [0, 0.1]$

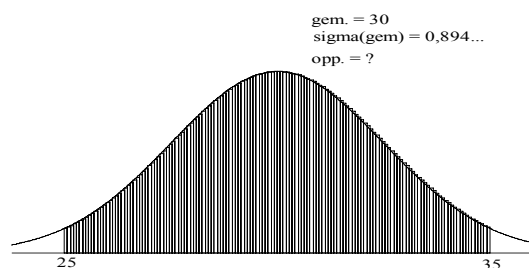
$\Rightarrow x \approx 3,54 \Rightarrow$ Een spelronde mag dan gemiddeld 3 minuten en 32 seconden duren.

49.

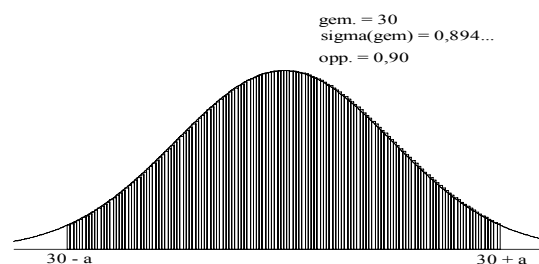
- a. Opp. witte gebied = $P(X < 25 \vee X > 35) =$
 $2 \cdot P(X < 25) = 2 \cdot \text{normalcdf}(-10^{99}, 25, 30, 4) \approx$
 0,211



- b. X_{gem} is normaal verdeeld met $\mu_{\text{gem}} = \mu_X = 30$ en
 $\sigma_{\text{gem}} = 4/\sqrt{20} \approx 0,8944\dots$
 Zie de witte gebieden.
 $P(X_{\text{gem}} < 25 \vee X_{\text{gem}} > 35) = 2 \cdot P(X_{\text{gem}} < 25) =$
 $2 \cdot \text{normalcdf}(-10^{99}, 25, 30, \frac{4}{\sqrt{20}}) \approx 0,000$



- c. Nu het zwarte gebied.
 $P(30 - a \leq X_{\text{gem}} \leq 30 + a) = 0,95 \Rightarrow$
 $P(X_{\text{gem}} < 30 - a) = 0,025 \Rightarrow$
 $\text{invnorm}(0,025, 30, \frac{4}{\sqrt{20}}) = 0,025 \Rightarrow$
 $30 - a \approx 28,25 \Leftrightarrow a \approx 1,75$



- d. Nu het witte gebied.
 $P(X_{\text{gem}} < 29 \vee X_{\text{gem}} > 31) = 0,001 \Rightarrow$
 $P(X_{\text{gem}} < 29) = 0,0005$

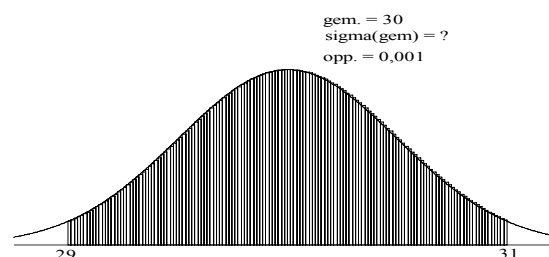
X_{gem} is normaal verdeeld met $\mu_{\text{gem}} = 30$ en $\sigma_{\text{gem}} = \frac{4}{\sqrt{n}}$

hierbij is n de lengte van de steekproef.

Er geldt dus : $\text{normalcdf}(-10^{99}, 29, 30, \frac{4}{\sqrt{n}}) = 0,0005 \Rightarrow$

Voer in : $y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 29, 30, \frac{4}{\sqrt{x}})$ en $y_2 = 0,0005$

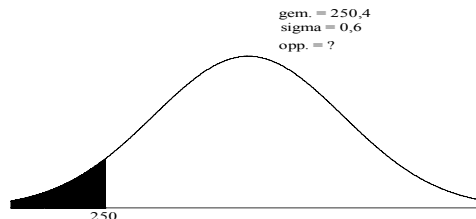
met window $[0, 200] X [0, 0.0010] \Rightarrow X \approx 173,2 \Rightarrow n > 173$ (nogal lastig)



Ook mogelijk is $y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 29, 30, \frac{4}{\sqrt{x}})$ en te kijken naar de tabel. Eerst in stappen van 10 en vervolgens in stappen van 1. (Het blijven lastige getallen)

50.

a. $P(X < 250) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 250, 250.4, 0.6)$
 $\approx 0,252 \Rightarrow$ dus 25,2 %

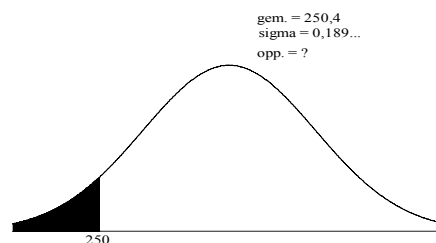


b. X_{gem} is normaal met $\mu_{\text{gem}} = 250,4$ gram en

$$\sigma_{\text{gem}} = \frac{0,6}{\sqrt{10}} \approx 0,189... \text{ gram}$$

$$P(X_{\text{gem}} < 250) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 250, 250.4, \frac{0,6}{\sqrt{10}})$$

$$\approx 0,018 \Rightarrow \text{ongeveer } 1,8 \%$$

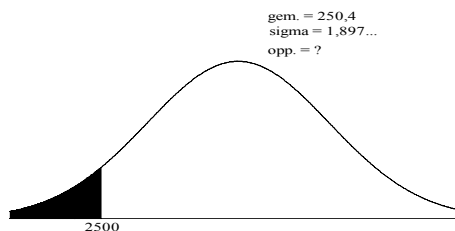


c. Nu de dozen in zijn geheel.

X_{som} is normaal verdeeld met
 $\mu_{\text{som}} = 10 \cdot 250,4 = 2504$ gram en
 $\sigma_{\text{som}} = \sqrt{10} \cdot 0,6$ gram

$$P(X < 2500) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 2500, 2504, 0.6\sqrt{10})$$

$$\approx 0,018 \Rightarrow 1,8 \%$$



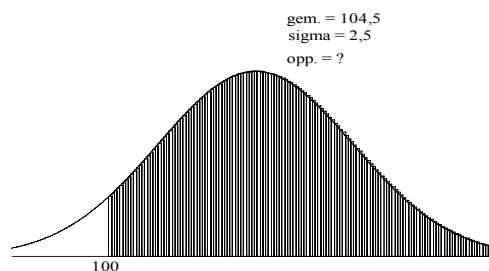
d. Bij een gemiddeld gewicht van 250 gram per pakje heb je een gemiddeld gewicht per doos van $10 \cdot 250 = 2500$ gram

51. X_{gem} is normaal verdeeld met $\mu_{\text{gem}} = 104,5$ gram en

$$\sigma_{\text{gem}} = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}} = \frac{10}{\sqrt{16}} = 2,5 \text{ gram}$$

$$P(X \geq 100) = \text{normalcdf}(100, 10^{99}, 104.5, 2.5) \approx 0,964$$

\Rightarrow Dat is dus ongeveer 96,4 %



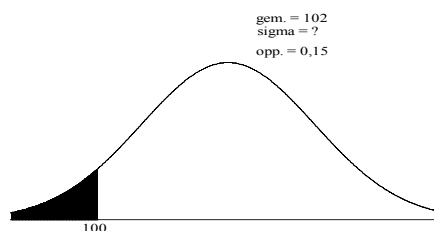
52.

a. Gegeven $P(X \leq 100) = 0,15 \Leftrightarrow$
 $\text{normalcdf}(-10^{99}, 100, 102, \sigma_x) = 0,15$

Voer in :

$$y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 100, 102, x) \text{ en}$$

$$y_2 = 0,15$$

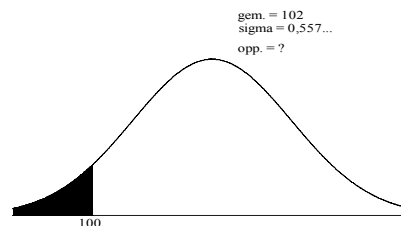


Neem window $[0, 20] \times [0, 1] \Rightarrow$
De optie intersect geeft $X \approx 1,93 \Rightarrow \sigma \approx 1,93$ cl

b. X_{gem} is normaal verdeeld met $\mu_{\text{gem}} = 102$ cl en

$$\sigma_{\text{gem}} = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}} = \frac{1,93}{\sqrt{12}} \approx 0,557... \text{ cl}$$

$$P(X_{\text{gem}} < 100) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 100, 102, \frac{1,93}{\sqrt{12}}) \approx 0,0002$$



c. X : aantal kratten met gemiddeld vulgewicht van minder dan 100 cl

X : binomiaal verdeeld met $n = 25$ en $p \approx 0,0002$

$$P(X \geq 1) = 1 - P(X = 0) = 1 - \text{binompdf}(25, 0,0002, 0) \approx 0,005$$

53. Stel hij stopt n bonbons in een doos.

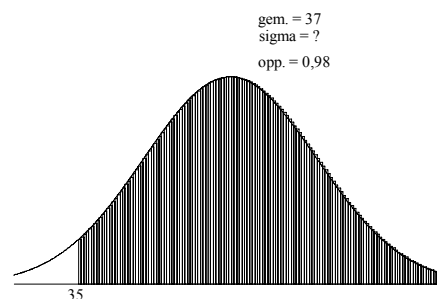
X_{gem} is normaal verdeeld met $\mu_{\text{gem}} = 37$ gram en

$$\sigma_{\text{gem}} = \frac{5}{\sqrt{n}} \text{ gram} \Rightarrow P(X_{\text{gem}} \geq 35) =$$

$$\text{normalcdf}(35, 10^{99}, 37, \frac{5}{\sqrt{n}}) = 0,98$$

$$\text{Voer in : } y_1 = \text{normalcdf}(35, 10^{99}, 37, \frac{5}{\sqrt{x}}) \text{ en } y_2 = 0,98$$

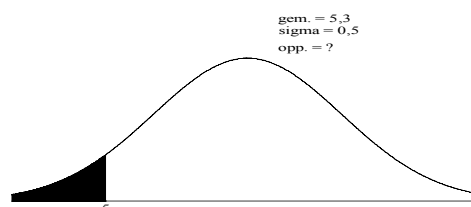
Neem het window $[0,50] \times [0, 1]$ De optie intersect geeft $X \approx 26,4 \Rightarrow$ Hij moet dus minstens 27 bonbons in een doos doen.



54.

a. X is het gewicht van een zakje.

$$P(X < 5) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 5, 5,3, 0,5) \approx 0,274$$

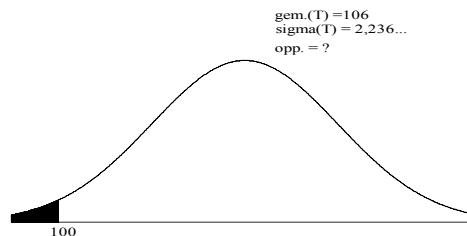


b. Stel T is het gewicht van een pakje theezakjes.

T is normaal verdeeld met $\mu_T = 20 \cdot 5,3 = 106$ gram

en $\sigma_T = \sqrt{20} \cdot 0,5$ gram

$$P(T < 100) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 100, 106, 0,5 \cdot \sqrt{20}) \approx 0,004$$



- c. Zie de witte gebieden.
 X_{gem} is het gemiddelde gewicht van een theezakje in een pakje van 20 stuks.

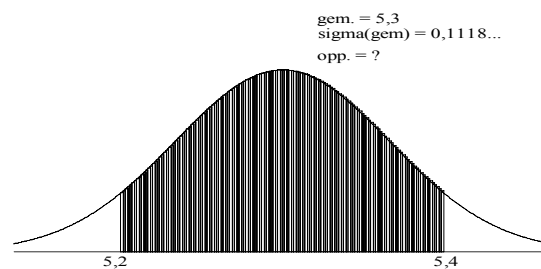
X_{gem} is normaal verdeeld met $\mu_{\text{gem}} = 5,3$ gram en

$$\sigma_{\text{gem}} = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}} = \frac{0,5}{\sqrt{20}} \approx 0,1118\dots$$

$$P(X < 5,2 \vee X > 5,4) = 2 \cdot P(X < 5,2) =$$

$$2 \cdot \text{normalcdf}(-10^{99}, 5,2, 5,3, \frac{0,5}{\sqrt{20}}) \approx 0,371 \Rightarrow$$

37,1 %



- d. Stel hij doet n theezakjes in een pakje.

X_{gem} is normaal verdeeld met $\mu_{\text{gem}} = 5,3$ gram en

$$\sigma_{\text{gem}} = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}} = \frac{0,5}{\sqrt{n}} \text{ gram}$$

$$P(X_{\text{gem}} < 5) = 0,02 \Leftrightarrow$$

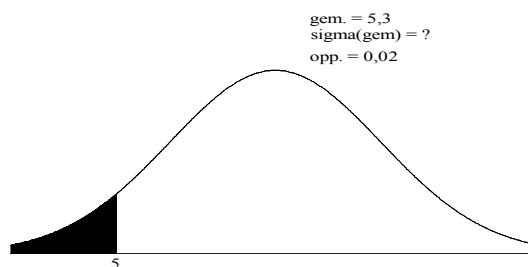
$$\text{normalcdf}(-10^{99}, 5, 5,3, \frac{0,5}{\sqrt{n}}) = 0,02 \Rightarrow$$

Voer in :

$$y_1 = \text{normalcdf}(-10^{99}, 5, 5,3, \frac{0,5}{\sqrt{x}}) \text{ en } y_2 = 0,02$$

Neem het window $[0, 40] X [0, 0.05] \Rightarrow$

De optie intersect geeft $x \approx 11,7 \Rightarrow$ Hij moet dus minstens 12 zakjes in een pakje doen.



55.

- a. Niet juist want hier is X een geheel getal $\Rightarrow P(X < 4) = P(X \leq 3)$
- b. Wel juist, want gewicht is een continu proces en geen trapegewijs proces $\Rightarrow Y \leq 4 \Leftrightarrow Y < 4$.

56. a. continu b. discreet c. continu d. discreet e. discreet
 f. discreet g. discreet h. continu i. discreet j. discreet

57.

- a. $P(X \leq 10) \approx P(Y \leq 10,5)$
 b. $P(X < 12) = P(X \leq 11) \approx P(Y \leq 11,5)$
 c. $P(X > 18) = 1 - P(X \leq 18) \approx 1 - P(Y \leq 18,5)$
 d. $P(X \geq 8) = 1 - P(X \leq 7) \approx 1 - P(Y \leq 7,5)$
 e. $P(6 \leq X \leq 10) = P(X \leq 10) - P(X \leq 5) \approx P(Y \leq 10,5) - P(Y \leq 5,5)$
 f. $P(8 < X < 20) = P(X \leq 19) - P(X \leq 8) \approx P(Y \leq 19,5) - P(Y \leq 8,5)$
 g. $P(X \leq 6 \text{ of } X \geq 8) = P(X \leq 6) + 1 - P(X \leq 7) \approx P(Y \leq 6,5) + 1 - P(Y \leq 7,5)$
 h. $P(X = 10) = P(X \leq 10) - P(X \leq 9) \approx P(Y \leq 10,5) - P(Y \leq 9,5)$
 i. $P(9 < X \leq 15) = P(X \leq 15) - P(X \leq 9) \approx P(Y \leq 15,5) - P(Y \leq 9,5)$

58.

- a. $P(X \leq 28) \approx P(Y \leq 28,5) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 28.5, 35.2, 6.9) \approx 0,166$
- b. $P(X \geq 38) \approx P(Y \geq 37,5) = \text{normalcdf}(37.5, 10^{99}, 35.2, 6.9) \approx 0,369$
- c. $P(X = 33) \approx P(32,5 \leq Y \leq 33,5) = \text{normalcdf}(32.5, 33.5, 35.2, 6.9) \approx 0,055$
- d. $P(30 \leq X \leq 40) \approx P(29,5 \leq Y \leq 40,5) = \text{normalcdf}(29.5, 40.5, 35.2, 6.9) \approx 0,574$
- e. $P(X < 45) = P(X \leq 44) \approx P(Y \leq 44,5) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 44.5, 35.2, 6.9) \approx 0,911$
- f. $P(X > 40) = P(X \geq 41) = P(Y \geq 40,5) = \text{normalcdf}(40.5, 10^{99}, 35.2, 6.9) \approx 0,221$

59.

- a. $P(X < 20) = P(X \leq 19) = P(Y \leq 19,5) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 19.5, 28.2, 4.3) \approx 0,022 \Rightarrow 2,2 \%$
- b. $P(X = 30) = P(29,5 \leq Y \leq 30,5) = \text{normalcdf}(29.5, 30.5, 28.2, 4.3) \approx 0,085$
- c. $P(X > 25) = P(X \geq 26) = P(Y \geq 25,5) = \text{normalcdf}(25.5, 10^{99}, 28.2, 4.3) \approx 0,735$

60.

- a. $P(X > 12) = P(X \geq 13) = P(Y \geq 12,5) = \text{normalcdf}(12.5, 10^{99}, 9.8, 3.6) \approx 0,227$
- b. $P(X = 10) = P(9,5 \leq Y \leq 10,5) = \text{normalcdf}(9.5, 10.5, 9.8, 3.6) \approx 0,110$
- c. Z : aantal keer dat er meer dan 12 keer “zie” op een bladzijde staat.
 Z is binomiaal met $n = 16$ en $p \approx 0,227 \Rightarrow$
 $P(Z \geq 2) = 1 - P(Z \leq 1) = 1 - \text{binomcdf}(16, 0.227, 1) \approx 0,907$

61.

- a. $P(X \leq 100) = \text{binomcdf}(300, 0.37, 100) \approx 0,104$
- b. Y is normaal verdeeld met $\mu_Y = n \cdot p = 300 \cdot 0,37 = 111$ en $\sigma_Y = \sqrt{n(1-p) \cdot p} = \sqrt{300 \cdot 0,63 \cdot 0,37} = \sqrt{69,93} \Rightarrow$
 $P(X \leq 100) = P(Y \leq 100,5) = \text{normalcdf}(-10^{99}, 100.5, 111, \sqrt{69,93}) \approx 0,105$

62.

- a. X : aantal dat komt opdagen ; $P(X \leq 1300) = \text{binomcdf}(1430, 0.9, 1300) \approx 0,884$
- b. Ga uit van maximaal n reserveringen. Er moet gelden : $P(X \leq 1300 \mid n = ? \text{ en } p = 0,9) > 0,99$
 $\Leftrightarrow \text{binomcdf}(n, 0.9, 1300) > 0,99$
 Voer in : $y_1 = \text{binomcdf}(x, 0.9, 1300)$ en bekijk de tabel \Rightarrow
 Bij $n = 1416$ is $y_1 = 0,99107$
 bij $n = 1417$ is $y_1 = 0,98879 \Rightarrow$
 Hij gaat uit van een maximaal aantal van 1416 reserveringen.

63. Gegeven : $p = 0,7$ en het is een binomiale verdeling.

Overstappen naar de normale verdeling . \Rightarrow

$$1) \quad n = 50 : \quad \mu = n \cdot p = 50 \cdot 0,7 = 35 \quad \text{en} \quad \sigma = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} = \sqrt{50 \cdot 0,7 \cdot 0,3} \approx 3,24$$

Nu de kans berekenen $\Rightarrow P(35 - 3,24 \leq X \leq 35 + 3,24) = P(31,76 \leq X \leq 38,24) =$
 $\text{normalcdf}(31,76, 38,24, 35, 3,24) \approx 0,6827$

$$2) \quad n = 400 : \quad \mu = n \cdot p = 400 \cdot 0,7 = 280 \quad \text{en} \quad \sigma = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} = \sqrt{400 \cdot 0,7 \cdot 0,3} \approx 9,165$$

Nu de kans berekenen \Rightarrow

$P(280 - 9,165 \leq X \leq 280 + 9,165) = P(270,835 \leq X \leq 289,165) =$
 $\text{normalcdf}(270,835, 289,165, 280, 9,165) \approx 0,6827$

$$3) \quad n = 900 : \quad \mu = n \cdot p = 900 \cdot 0,7 = 630 \quad \text{en} \quad \sigma = \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} = \sqrt{900 \cdot 0,7 \cdot 0,3} \approx 13,748$$

Nu de kans berekenen \Rightarrow

$P(630 - 13,748 \leq X \leq 630 + 13,748) = P(616,252 \leq X \leq 643,748) =$
 $\text{normalcdf}(616,252, 643,748, 630, 13,748) \approx 0,6827$

64.

$$\left. \begin{array}{l} E(X) = 1440 \Rightarrow n \cdot p = 1440 \\ \sigma_X = 30 \Rightarrow \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} = 30 \Rightarrow n \cdot p \cdot (1-p) = 900 \end{array} \right\} \Rightarrow$$

$$1440 \cdot (1-p) = 900 \Leftrightarrow 1-p = \frac{900}{1440} \Leftrightarrow p = 1 - \frac{900}{1440} = \frac{540}{1440} = \frac{3}{8}$$

$$\text{Nu dit weer invullen} \Rightarrow n \cdot \frac{3}{8} = 1440 \Rightarrow n = 1440 \cdot \frac{8}{3} = 3840$$

Conclusie: $n = 3840$ en $p = \frac{3}{8}$

65.

$$\left. \begin{array}{l} E(X) = 12 \Rightarrow n \cdot p = 12 \\ \sigma_X = 3 \Rightarrow \sqrt{n \cdot p \cdot (1-p)} = 3 \Rightarrow n \cdot p \cdot (1-p) = 9 \end{array} \right\} \Rightarrow$$

$$12 \cdot (1-p) = 9 \Leftrightarrow 1-p = \frac{9}{12} \Leftrightarrow p = 1 - \frac{9}{12} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$$

$$\text{Nu dit weer invullen} \Rightarrow n \cdot \frac{1}{4} = 12 \Rightarrow n = 12 \cdot 4 = 48$$

Conclusie: $n = 48$ en $p = \frac{1}{4} \Rightarrow$

$P(X \geq 16) = 1 - P(X \leq 15) = 1 - \text{binomcdf}(48, \frac{1}{4}, 15) \approx 0,1232$ hetgeen gevraagd is.